

МИНОБРНАУКИ РОССИИ
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ
ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«ВОРОНЕЖСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»
(ФГБОУ ВО «ВГУ»)

УТВЕРЖДАЮ

Заведующий кафедрой
Теории функций и геометрии

Семёнов Е.М.

подпись, расшифровка подписи

30.06.2020 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Б1.О.25 Математические модели газовой динамики

1. Код и наименование направления подготовки/специальности:

01.05.01 Фундаментальные математика и механика

2. Профиль подготовки/специализация: Современные методы теории функций в математике и механике

3. Квалификация (степень) выпускника: Специалист

4. Форма обучения: очная

5. Кафедра, отвечающая за реализацию дисциплины:

0503 теории функций и геометрии

6. Составители программы: Стенюхин Леонид Витальевич, к. ф.-м. н., доцент

7. Рекомендована: Научно-методическим Советом математического факультета, НМС протокол №0500-04 от **18.06.2020**.

отметки о продлении вносятся вручную)

8. Учебный год: 2023 - 2024

Семестр: 8

9. Цели и задачи учебной дисциплины: знать основные принципы и владеть основными методами газовой динамики, моделировать и уметь решать задачи газовой динамики.

10. Место учебной дисциплины в структуре ООП: входит в обязательную часть, требуется знать основы математического анализа, комплексного анализа, дифференциальных уравнений, уравнения с частными производными.

11. Планируемые результаты обучения по дисциплине/модулю (знания, умения, навыки), соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы (компетенциями выпускников):

| Код | Название компетенции | Код(ы) | Индикатор(ы) | Планируемые результаты обучения |
|-------|---|---------|--|---|
| ОПК-1 | Способен находить, формулировать и решать актуальные и значимые проблемы фундаментальной математики и механики | ОПК-1.1 | Обладает базовыми знаниями, полученными в области математических и (или) естественных наук | знать: основные принципы газовой динамики |
| | | ОПК-1.2 | Умеет использовать их в профессиональной деятельности | уметь: моделировать и решать задачи газовой динамики |
| | | ОПК-1.3 | Имеет навыки выбора методов решения задач профессиональной деятельности на основе теоретических знаний | владеть (иметь навык(и)): основными методами газовой динамики |
| ОПК-2 | Способен создавать, анализировать и реализовывать новые математические модели в современном естествознании, технике, экономике и управлении | ОПК-2.1 | Владеет основами планирования экспериментов с математическими моделями, знает численные и численно-аналитические методы построения решений | владеть (иметь навык(и)): основными методами газовой динамики |
| | | ОПК-2.2 | Умеет анализировать моделируемую систему и выбирать методы моделирования, | уметь: моделировать и решать задачи газовой динамики |

| | | | | |
|--|--|---------|--|---|
| | | | строить имитационную модель для типовых математических моделей, реализовать имитационную модель и проводить моделирование | |
| | | ОПК-2.3 | Имеет практический опыт разработки математических моделей и их численной реализации, оценки адекватности модели и анализа результатов моделирования, обработки результатов моделирования | знать: основные принципы газовой динамики |

12. Объем дисциплины в зачетных единицах/час.(в соответствии с учебным планом) — 2/72.

Форма промежуточной аттестации(зачет/экзамен) зачёт.

13. Трудоемкость по видам учебной работы

| Вид учебной работы | Трудоемкость | | | |
|--|--------------|--------------|------------|-----|
| | Всего | По семестрам | | |
| | | № семестра | № семестра | ... |
| Аудиторные занятия | 32 | 8 | | |
| в том числе: лекции | 16 | 8 | | |
| практические | 16 | 8 | | |
| лабораторные | | | | |
| Самостоятельная работа | 40 | 8 | | |
| Форма промежуточной аттестации (зачет – 0 час. / экзамен – __ час.) | 0 | | | |
| Итого: | 72 | 8 | | |

13.1. Содержание дисциплины

| п/п | Наименование раздела дисциплины | Содержание раздела дисциплины |
|-----|---------------------------------|-------------------------------|
|-----|---------------------------------|-------------------------------|

| 1. Лекции | | |
|--------------------------------|--|---|
| 1.1 | Динамика идеальной жидкости | <ol style="list-style-type: none"> 1. Общее уравнение движения жидкого объёма. 2. Уравнения Эйлера. 3. Модели жидких идеальных сред. 4. Плоское потенциальное движение. |
| 1.2 | Подобие гидрогазодинамических процессов. | <ol style="list-style-type: none"> 1. Теория подобия и ее роль в гидрогазодинамике. Основные понятия и определения теории подобия. 2. Критерии подобия гидрогазодинамических процессов. 3. Получение критериев подобия путем приведения дифференциальных уравнений движения жидкости к безразмерному виду. 4. Теоремы теории подобия. |
| 1.3 | Двумерные течения вязкой жидкости. | <ol style="list-style-type: none"> 1. Гидрогазодинамический пограничный слой: основные физические представления о формировании и структуре внутреннего и внешнего пограничных слоев. 2. Методы расчета ламинарного и турбулентного пограничных слоев. 3. Методы и средства измерений гидрогазодинамических параметров. |
| 2. Практические занятия | | |
| 2.1 | Динамика идеальной жидкости | <ol style="list-style-type: none"> 1. Общее уравнение движения жидкого объёма. 2. Уравнения Эйлера. 3. Модели жидких идеальных сред. 4. Плоское потенциальное движение. |
| 2.2 | Подобие гидрогазодинамических процессов. | <ol style="list-style-type: none"> 1. Теория подобия и ее роль в гидрогазодинамике. Основные понятия и определения теории подобия. 2. Критерии подобия гидрогазодинамических процессов. 3. Получение критериев подобия путем приведения дифференциальных уравнений движения жидкости к безразмерному виду. 4. Теоремы теории подобия. |
| 2.3 | Двумерные течения вязкой жидкости. | <ol style="list-style-type: none"> 1. Гидрогазодинамический пограничный слой: основные физические представления о формировании и структуре внутреннего и внешнего пограничных слоев. 2. Методы расчета ламинарного и турбулентного пограничных слоев. 3. Методы и средства измерений гидрогазодинамических параметров. |
| 3. Лабораторные работы | | |
| | | |
| | | |
| | | |

13.2. Темы (разделы) дисциплины и виды занятий

| № п/п | Наименование темы (раздела) дисциплины | Виды занятий (часов) | | | | |
|-------|--|----------------------|--------------|--------------|------------------------|-------|
| | | Лекции | Практические | Лабораторные | Самостоятельная работа | Всего |
| 1. | Динамика идеальной жидкости | 4 | 4 | | 12 | 20 |
| 2. | Подобие гидрогазодинамических процессов. | 6 | 6 | | 14 | 26 |
| 3. | Двумерные течения вязкой жидкости. | 6 | 6 | | 14 | 26 |
| | Итого: | 16 | 16 | | 40 | 72 |

14. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

(рекомендации обучающимся по освоению дисциплины: работа с конспектами лекций, презентационным материалом, выполнение практических заданий, тестов, заданий текущей аттестации и т.д.)

15. Перечень основной и дополнительной литературы, ресурсов интернет, необходимых для освоения дисциплины (список литературы оформляется в соответствии с требованиями ГОСТ и используется общая сквозная нумерация для всех видов источников)

а) основная литература:

| № п/п | Источник |
|-------|---|
| 1. | Лекции по гидродинамике / М.А. Давыдова. - М.: ФИЗМАТЛИТ, 2011. - 216 с. |
| 2. | Гидродинамика: учеб. Пособие для студентов нематематических факультетов / А.Б. Мазо, К.А. Поташев. – Казань: Казан. ун-т, 2013. – 2-е изд. – 128 с. |

б) дополнительная литература:

| № п/п | Источник |
|-------|--|
| 1. | Гидродинамика / Г. Ламб. - М.- Ижевск: РХД, 2003. |
| 2. | Гидродинамика / Л.Д. Ландау, Е.М. Лифшиц. - М.: Наука. ФИЗМАТЛИТ, 2001. |
| 3. | Течения вязкой жидкости / В.Я. Шкадов, З.Д. Запьянов. - М.: Изд-во Моск. гос. ун-та, 1984. |

в) информационные электронно-образовательные ресурсы (официальные ресурсы интернет)*:

| № п/п | Ресурс |
|-------|----------------|
| 1. | lprbookshop.ru |
| 2. | e.lanbook.com |
| 3. | book.ru |

* Вначале указываются ЭБС, с которыми имеются договора у ВГУ, затем открытые электронно-образовательные ресурсы

16. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы (учебно-методические рекомендации, пособия, задачки, методические указания по выполнению практических (контрольных) работ и др.)

| № п/п | Источник |
|-------|---|
| 1. | Лекции по гидродинамике / М.А. Давыдова. - М.: ФИЗМАТЛИТ, 2011. - 216 с. |
| 2. | Гидродинамика: учеб. Пособие для студентов нематематических факультетов / А.Б. Мазо, К.А. Поташев. – Казань: Казан. ун-т, 2013. – 2-е изд. – 128 с. |

17. Информационные технологии, используемые для реализации учебной дисциплины, включая программное обеспечение и информационно-справочные системы (при необходимости)

18. Материально-техническое обеспечение дисциплины:

В наличии есть проектор и компьютер для презентации. Практическая часть занятий проводится с использованием личных ноутбуков учащихся.

19. Оценочные средства для проведения текущей и промежуточной аттестаций

Порядок оценки освоения обучающимися учебного материала определяется содержанием следующих разделов дисциплины:

| № п/п | Наименование раздела дисциплины (модуля) | Компетенция(и) | Индикатор(ы) достижения компетенции | Оценочные средства |
|--|--|----------------|-------------------------------------|---|
| 1 | Динамика идеальной жидкости | ОПК-1 | ОПК-1.1 ОПК-1.2 ОПК-1.3 | - Практико-ориентированные задания. Контрольная работа |
| 2 | Подобие гидрогазодинамических процессов. | ОПК-2 | ОПК-2.1 ОПК-2.2 ОПК-2.3 | Практико-ориентированные задания. Контрольная работа |
| 3 | Двумерные течения вязкой жидкости | ОПК-2 | ОПК-2.1 ОПК-2.2 ОПК-2.3 | Практико-ориентированные задания |
| Промежуточная аттестация форма контроля – зачёт | | | | <i>Перечень вопросов Практическое задание</i> |

20 Типовые оценочные средства и методические материалы, определяющие процедуры оценивания

20.1 Текущий контроль успеваемости

20.1.1 Перечень вопросов к зачету:

1. Предмет и методы гидрогазодинамики (механики жидкостей и газов). Основные термины и определения.
2. Схемы сплошной среды и понятия «жидкая частица»; вязкость капельных жидкостей и газов, идеальная (лишенная вязкости) и реальная жидкость, ньютоновская и неньютоновская жидкости.
3. Поверхностное натяжение; кипение жидкостей, кавитация.
4. Силы, действующие в жидкости, находящейся в статическом положении. Гидростатическое давление. Основная формула гидростатики.
5. Понятие о напоре: гидростатический и пьезометрический напоры. Равновесие жидкостей в сообщающихся сосудах. Методы и приборы для измерения давления.
6. Закон Архимеда. Плавание тел.

7. Режимы движения жидкости (ламинарный, турбулентный, переходный). Местная скорость движения жидкости. Поле скоростей движения жидкости. Линии тока. Расход жидкости.
8. Вихревое движение. Циркуляция скорости
9. Уравнения движения применительно к произвольному объему потока вязкой сжимаемой жидкости (дифференциальные уравнения Навье-Стокса).
10. Дифференциальные уравнения движения идеальной (невязкой) жидкости (уравнения Эйлера).
11. Уравнение Бернулли для идеальной и вязкой жидкости.
12. Уравнения турбулентного движения жидкости (уравнения Рейнольдса). Основные гипотезы о переносе энергии турбулентности в вязких потоках жидкости.
13. Теория подобия и ее роль в гидрогазодинамике. Основные понятия и определения теории подобия.
14. Критерии подобия гидрогазодинамических процессов.
15. Гидрогазодинамический пограничный слой: основные физические представления о формировании и структуре внутреннего и внешнего пограничных слоев.
16. Методы расчета ламинарного и турбулентного пограничных слоев.
17. Методы и средства измерений скоростей и расходов жидкостей, давления и температуры потоков.
18. Метрологические характеристики средств измерений. Оценка погрешности измерений

20.1.2 Перечень практических заданий

Задача 1. Канал трапецеидального сечения имеет следующие размеры: ширина по дну $b = 3,8$ м, коэффициент заложения откоса $m = 1,5$ м, глубина воды $h = 1,2$ м. Определить режим течения воды в канале при объемном расходе $Q = 5,2$ м³/с, а также критическую скорость $u_{кр}$ при которой произойдет смена режимов течения.

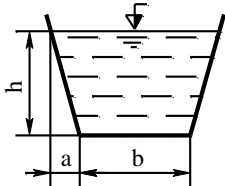


Рис. 19

Решение

Используя (прил. 1, сх. 2, в) определим площадь живого сечения канала:

$$S = (b + m \cdot h) h = (3,8 + 1,5 \cdot 1,2) \cdot 1,2 = 6,72 \text{ м}^2.$$

Определим смоченный периметр:

$$\chi = b + 2h\sqrt{1+m^2} = 3,8 + 2 \cdot 1,2\sqrt{1+1,5^2} = 8,13 \text{ м}.$$

Определим гидравлический радиус по формуле (1):

$$R_r = \frac{S}{\chi} = \frac{6,72}{8,13} = 0,83 \text{ м}.$$

Определим скорость течения жидкости в канале по формуле (5):

$$v = \frac{Q}{S} = \frac{5,2}{6,72} = 0,77 \text{ м/с}.$$

Определим число Рейнольдса по формуле (36):

$$Re = \frac{v \cdot R_r}{\nu} = \frac{0,77 \cdot 0,83}{0,0101 \cdot 10^{-4}} = 632772,$$

где ν – кинематический коэффициент вязкости для воды, принимаем по прил. 5, $\nu = 0,0101 \cdot 10^{-4} \text{ м}^2/\text{с}$.

Так как $Re = 632772 > Re_{кр} = 580$, то движение турбулентное.

Используя формулу (36) определим критическую скорость, при которой произойдет смена режимов течения:

$$v_{кр} = \frac{Re_{кр} \cdot \nu}{R_r} = \frac{580 \cdot 0,0101 \cdot 10^{-4}}{0,83} = 0,705 \cdot 10^{-3} \text{ м/с} = 0,705 \text{ мм/с}.$$

Ответ: режим турбулентный; $u_{кр} = 0,705 \text{ мм/с}$.

Задача 2. Из резервуара по горизонтальному трубопроводу диаметром $d = 20 \text{ мм}$ длиной $\ell = 10 \text{ м}$ вытекает масло марки **АМГ-10** с температурой $t = 20^\circ \text{ С}$. Определить высоту масла H в резервуаре, если его массовый расход составляет $M = 0,3 \text{ кг/с}$. Коэффициент Кориолиса принять $\alpha = 1$.

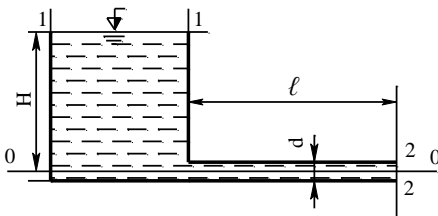


Рис. 20

Решение

Плоскость сравнения **0-0** проведем по оси трубопровода, сечение **1-1** по свободной поверхности масла в резервуаре, сечение **2-2** по струе масла в месте её выхода из трубопровода (рис. 20).

Составим для сечений **1-1** и **2-2** уравнение Бернулли:

$$\frac{v_1^2}{2g} + \frac{P_1}{\rho g} + Z_1 = \frac{v_2^2}{2g} + \frac{P_2}{\rho g} + Z_2 + H_{пот\ 1-2}.$$

Так как сечение резервуара значительно больше трубопровода, то скорость течения масла в сечении **1-1** можно принять $u_1 = 0$, $u_2 = u$. Давление в сечениях **1-1** и **2-2** равны $P_1 = P_2 = P_{атм}$. Геометрические высоты $Z_1 = H$, $Z_2 = 0$. Потери на участке от сечения **1** до сечения **2** равны $H_{пот\ 1-2} = h_{тр}$.

Перепишем уравнение Бернулли с учетом сказанного выше и получим:

$$\frac{P_{атм}}{\rho g} + H = \frac{v^2}{2g} + \frac{P_{атм}}{\rho g} + h_{тр},$$

откуда:

$$H = \frac{v^2}{2g} + h_{тр}.$$

Определим объемный расход масла:

$$Q = \frac{M}{\rho} = \frac{0,3}{850} = 0,35 \cdot 10^{-3} \text{ м}^3/\text{с},$$

где ρ – плотность масла **АМГ-10**, определяем по прил. 5, $\rho = 850 \text{ кг/м}^3$.

Используя уравнение (5) определим среднюю скорость масла в трубе:

$$v = \frac{Q}{S} = \frac{Q \cdot 4}{\pi d^2} = \frac{0,35 \cdot 10^{-3} \cdot 4}{3,14(20 \cdot 10^{-3})^2} = 1,11 \text{ м/с}.$$

Определим число Рейнольдса по формуле (34):

$$Re = \frac{v \cdot d}{\nu} = \frac{1,11 \cdot 20 \cdot 10^{-3}}{0,17 \cdot 10^{-4}} = 1306,$$

где ν – коэффициент кинематической вязкости масла, определяем по прил. 5, $\nu = 0,17 \cdot 10^{-4} \text{ м}^2/\text{с}$.

Так как $Re = 1306 < Re_{кр} = 2320$, режим движения ламинарный. Формулу для определения гидравлического сопротивления λ возьмем из табл. 1:

$$\lambda = \frac{64}{Re} = \frac{64}{1306} = 0,049.$$

Определим потери напора на трение по длине потока по формуле (38):

$$h_{тр} = \lambda \cdot \frac{\ell}{d} \cdot \frac{v^2}{2g} = 0,049 \cdot \frac{10}{20 \cdot 10^{-3}} \cdot \frac{1,11^2}{2 \cdot 9,8} = 1,54 \text{ м}.$$

Определим высоту масла в резервуаре, подставив полученные значения в уравнение для H , получим:

$$H = \frac{1,11^2}{2 \cdot 9,8} + 1,54 = 1,6 \text{ м.}$$

Ответ: $H = 1,6 \text{ м.}$

Задача 3. Весовой расход легкой нефти в горизонтальном трубопроводе диаметром $d = 156 \text{ мм}$, длиной $\ell = 2000 \text{ м}$ составляет $G = 0,5 \cdot 10^6 \text{ Н/час}$. Определить давление P_1 на входе в трубопровод, если давление на выходе $P_2 = 15 \text{ Н/см}^2$.

Решение

Используя формулу (3), определим объемный расход нефти в секунду:

$$Q = \frac{G}{\rho g} = \frac{0,5 \cdot 10^6}{884 \cdot 9,8 \cdot 3600} = 0,016 \text{ м}^3/\text{с},$$

где ρ – плотность легкой нефти, определяем по прил. 5, $\rho = 884 \text{ кг/м}^3$.

По формуле (5) определим среднюю скорость потока в живом сечении:

$$v = \frac{Q}{S} = \frac{0,016}{0,0191} = 0,837 \text{ м/с.}$$

где S – площадь живого сечения потока.

$$S = \frac{\pi d^2}{4} = \frac{3,14 \cdot 0,156^2}{4} = 0,0191 \text{ м}^2.$$

Для определения гидродинамического режима течения, вычислим число Рейнольдса по формуле (39):

$$Re = \frac{v \cdot d}{\nu} = \frac{0,837 \cdot 0,156}{1,1 \cdot 10^{-4}} = 1187.$$

Так как $Re = 1187 < Re_{кр} = 2320$, следовательно, режим течения в трубопроводе ламинарный.

Определим потери напора на трения по длине трубопровода по формуле (38):

$$h_{тр} = \lambda \frac{\ell}{d} \cdot \frac{v^2}{2g} = 0,0539 \frac{2000}{0,156} \cdot \frac{0,837^2}{2 \cdot 9,8} = 24,7 \text{ м.}$$

где λ – коэффициент гидравлического трения определяем по табл. 1, т. к. режим течения ламинарный то:

$$\lambda = \frac{64}{Re} = \frac{64}{1187} = 0,0539.$$

Составим уравнение Бернулли для начала и конца трубопровода:

$$\frac{v_1^2}{2g} + \frac{P_1}{\rho g} + Z_1 = \frac{v_2^2}{2g} + \frac{P_2}{\rho g} + Z_2 + h_{w 1-2}.$$

По условию задачи трубопровод горизонтальный и постоянного диаметра, следовательно, $Z_1 = Z_2$, $u_1 = u_2$, $h_{w 1-2} = h_{тр}$. тогда из уравнения Бернулли определим давление на входе в трубопровод:

$$\frac{P_1}{\rho g} = \frac{P_2}{\rho g} + h_{тр},$$

откуда:

$$P_1 = P_2 + \rho g h_{тр} = 15 \cdot 10^4 + 884 \cdot 9,8 \cdot 24,7 = 36,4 \text{ Н/см}^2.$$

Ответ: $P_1 = 36,4 \text{ Н/см}^2$.

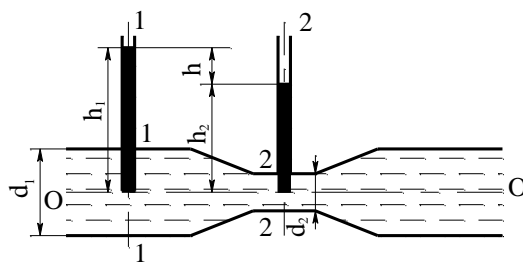


Рис. 21

Задача 4. Определить расход воды Q в трубе диаметром $d_1 = 250$ мм, имеющей плавное сужение до диаметра $d_2 = 125$ мм, если показания пьезометров: до сужения $h_1 = 50$ см; в сужении $h_2 = 30$ см. Коэффициент расхода $\mu = 0,98$ (рис. 21).

Решение

Составим уравнение Бернулли для сечений 1-1 и 2-2 приняв за плоскость сравнения ось трубы:

$$z_1 + \frac{p_1}{\rho g} + \frac{\alpha_1 v_1^2}{2g} = z_2 + \frac{p_2}{\rho g} + \frac{\alpha_2 v_2^2}{2g} + h_{\text{пот}}^{1-2}.$$

Учитывая, что $z_1 = z_2 = 0$, пренебрегая в первом приближении потерями напора, т. е. принимая $h_{\text{пот}}^{1-2} = 0$, и полагая $\alpha_1 = \alpha_2 = 1$, получим:

$$\frac{p_1}{\rho g} - \frac{p_2}{\rho g} = \frac{v_2^2}{2g} - \frac{v_1^2}{2g}.$$

Из уравнения неразрывности течения имеем $s_1 u_1 = s_2 u_2$.

Поскольку $s_1 = \pi d_1^2 / 4$; $s_2 = \pi d_2^2 / 4$, то $v_2 = v_1 d_1^2 / d_2^2$.

Обозначим:

$$\frac{p_1}{\rho g} - \frac{p_2}{\rho g} = h_1 - h_2 = h,$$

тогда уравнение Бернулли примет вид:

$$h = \frac{v_1^2}{2g} \left(\frac{d_1^4}{d_2^4} - 1 \right),$$

откуда:

$$v_1 = \sqrt{\frac{2gh}{d_1^4/d_2^4 - 1}}.$$

Объемный расход воды в трубе определим по формуле (2):

$$Q = s_1 v_1 = \frac{\pi d_1^2}{4} \sqrt{\frac{2gh}{d_1^4/d_2^4 - 1}}.$$

В действительности расход воды будет меньше вследствие потерь напора, которыми пренебрегли. С учетом этих потерь формула для определения объемного расхода примет вид:

$$Q = \mu \frac{\pi d_1^2}{4} \sqrt{\frac{2gh}{d_1^4/d_2^4 - 1}},$$

где μ – коэффициент, учитывающий уменьшение расхода вследствие потерь напора:

$$Q = 0,98 \frac{3,14 \cdot 0,25^2}{4} \sqrt{\frac{2 \cdot 9,81}{0,25^4 / 0,125^4 - 1}} = 0,024 \text{ м}^3/\text{с}.$$

Ответ: $Q = 0,024 \text{ м}^3/\text{с}.$

Задача 5. Определить общие потери напора h_w в новом стальном трубопроводе, если по нему течет нефть легкая с расходом $Q = 20$ л/с. Трубопровод $d_1 = 200$ мм, длиной $\ell_1 = 1$ км имеет внезапное сужение до $d_2 = 100$ мм. Суженый участок длиной $\ell_2 = 1,5$ км имеет два поворота: плавный $d/R = 0,4$ и крутой $\alpha = 30^\circ$.

Решение

Общие потери напора складываются из потерь напора на трение и местные потери и определяются по формуле (37):

$$h_w = h_{\text{тр}} + h_m.$$

Для определения этих потерь, вычислим площадь сечения трубопровода первого участка:

$$S_1 = \frac{\pi d_1^2}{4} = \frac{3,14 \cdot (200 \cdot 10^{-3})^2}{4} = 0,0314 \text{ м}^2.$$

По уравнению (5) определим скорость движения нефти на первом линейном участке:

$$v_1 = \frac{Q}{S_1} = \frac{20 \cdot 10^{-3}}{0,0314} = 0,64 \text{ м/с}.$$

Определим число Рейнольдса при транспортировании нефти по формуле (34):

$$Re_1 = \frac{v_1 \cdot d_1}{\nu} = \frac{0,64 \cdot 200 \cdot 10^{-3}}{1,4 \cdot 10^{-4}} = 1163,$$

где ν – коэффициент кинематической вязкости, определяем по прил. 5, для легкой нефти $\nu = 1,1 \cdot 10^{-4} \text{ м}^2/\text{с}$.

Так как $Re_1 = 1163 < Re_{\text{кр}} = 2320$, то режим течения ламинарный.

Коэффициент гидравлического сопротивления определим по формуле Пуайзеля, используя табл. 1:

$$\lambda_1 = \frac{64}{Re} = \frac{64}{1163} = 0,055.$$

Определим потери напора на первом линейном участке трубопровода, используя уравнение (38):

$$h_{\text{тр1}} = \lambda_1 \frac{\ell_1}{d} \cdot \frac{v_1^2}{2g} = 0,055 \frac{1000}{200 \cdot 10^{-3}} \cdot \frac{0,64^2}{2 \cdot 9,81} = 5,47 \text{ м}.$$

Определим площадь сечения трубопровода второго линейного участка:

$$S_2 = \frac{\pi d_2^2}{4} = \frac{3,14 \cdot (100 \cdot 10^{-3})^2}{4} = 0,00785 \text{ м}^2.$$

Определим скорость течения нефти на этом участке:

$$v_2 = \frac{Q}{S_2} = \frac{20 \cdot 10^{-3}}{0,00785} = 2,55 \text{ м/с}.$$

Определим число Рейнольдса:

$$Re_2 = \frac{v_2 \cdot d_2}{\nu} = \frac{2,5 \cdot 100 \cdot 10^{-3}}{1,1 \cdot 10^{-4}} = 46364.$$

Так как $Re_2 = 46364 > Re_{\text{кр}} = 2420$, то режим течения турбулентный.

Число Рейнольдса входит в зону доквадратичного сопротивления $20 \frac{d}{\Delta_3} < Re_2 < 500 \frac{d}{\Delta_3}$, следовательно коэффициент гидравлического сопротивления определим по формуле Альтшуля, используя табл. 1:

$$\lambda_2 = 0,11 \left(\frac{\Delta_3}{d} + \frac{68}{Re_2} \right)^{0,25} = 0,11 \left(\frac{0,07}{100} + \frac{68}{46364} \right)^{0,25} \frac{64}{1163} = 0,024,$$

где Δ_3 – среднее значение эквивалентной шероховатости, определяем по прил. 2, для новых стальных труб $\Delta_3 = 0,07$ мм.

Определим потери напора на втором линейном участке трубопровода:

$$h_{\text{тр}2} = \lambda_2 \frac{\ell_2}{d} \cdot \frac{v_2^2}{2g} = 0,024 \frac{2500}{100 \cdot 10^{-3}} \cdot \frac{2,55^2}{2 \cdot 9,81} = 39,8 \text{ м.}$$

Определим суммарные потери на трение:

$$h_{\text{тр}} = h_{\text{тр}1} + h_{\text{тр}2} = 5,47 + 39,8 = 45,27 \text{ м.}$$

Определим местные потери напора на суженном участке трубопровода по формуле (39):

$$h_{\text{м}1} = \xi_1 \frac{v_1^2}{2g} = 0,375 \frac{0,64^2}{2 \cdot 9,81} = 0,0078 \text{ м,}$$

где ξ_1 – коэффициент местного сопротивления, определяем по (прил. 3, схема б) внезапное сужение:

$$\xi_1 = 0,5 \left[1 - \left(\frac{d_2}{d_1} \right)^2 \right] = 0,5 \left[1 - \left(\frac{100}{200} \right)^2 \right] = 0,375.$$

Определим местные потери напора при плавном повороте трубопровода:

$$h_{\text{м}2} = \xi_2 \frac{v_2^2}{2g} = 0,21 \frac{2,55^2}{2 \cdot 9,81} = 0,069 \text{ м,}$$

где ξ_2 – коэффициент местного сопротивления, определяем по (прил. 3), при плавном повороте $\frac{d}{R} = 0,4$; $\xi = 0,21$.

Определим местные потери напора при крутом повороте трубопровода:

$$h_{\text{м}3} = \xi_3 \frac{v_2^2}{2g} = 0,16 \frac{2,55^2}{2 \cdot 9,81} = 0,053 \text{ м,}$$

Определим суммарные местные потери напора:

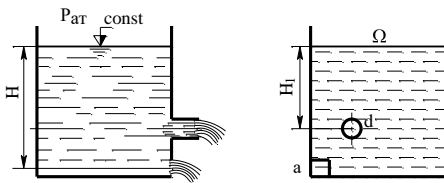
$$h_{\text{м}} = h_{\text{м}1} + h_{\text{м}2} + h_{\text{м}3} = 0,0078 + 0,069 + 0,053 = 0,13 \text{ м.}$$

Определим общие потери напора:

$$h_w = h_{\text{тр}} + h_{\text{м}} = 45,27 + 0,13 = 45,4 \text{ м.}$$

Ответ: $h_w = 45,4 \text{ м.}$

Задача 6. В боковой стенке резервуара больших размеров сделаны круглое отверстие диаметром $d_o = 2,5 \text{ см}$ к которому присоединен внешний цилиндрический насадок и квадратное отверстие со стороной $a = 4 \text{ см}$ (рис. 22). Определить суммарный расход Q л/сек из резервуара и скорость истечения воды из отверстий. Напор над центром отверстия $H = 2,5 \text{ м}$, над центром насадка $H_1 = 1,5 \text{ м}$. Истечение через насадок происходит при несовершенном сжатии, отношение площади отверстия S к площади сечения резервуара равно



план боковой стенки
Рис. 22

$S/\Omega = 0,2$.

Решение

Определим скорость истечения воды из внешнего цилиндрического насадка по формуле (51):

$$v_n = \varphi_n \sqrt{2gH_1} = 0,82 \sqrt{2 \cdot 9,81 \cdot 1,5} = 4,4 \text{ м/сек,}$$

где φ_n – коэффициент скорости, принимаем по прил. 4, для внешнего цилиндрического насадка $\varphi_n = 0,82$.

Определим расход воды, вытекающий через насадок по формуле (53):

$$\begin{aligned} Q_n &= \mu_{n1} S \sqrt{2gH_1} = 0,85 \cdot 0,49 \cdot 10^{-3} \sqrt{2 \cdot 9,81 \cdot 1,5} = \\ &= 2,25 \cdot 10^{-3} \text{ м}^3 / \text{сек} = 2,25 \text{ л/сек,} \end{aligned}$$

Задачи (11-20). Определить режим течения жидкости **Ж** по напорному и безнапорному (заполненному на половину) трубопроводу, имеющему внутренний диаметр **d**, при объемном расходе **Q**. Определить также скорость течения жидкости, при которой произойдет смена режимов течения. Числовые данные приведены в табл. 4.

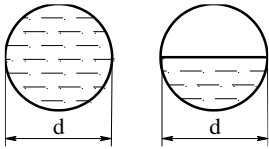


Рис. 23

Таблица 4

Числовые данные к задачам (11-20)

| Величины | № задачи | | | | | | | | | |
|------------------------|----------|------------|---------|--------|---------|--------|-------------|------------|-------------|--------------|
| | 11 | 12 | 13 | 14 | 15 | 16 | 17 | 18 | 9 | 20 |
| d, мм | 200 | 225 | 250 | 275 | 300 | 125 | 150 | 175 | 200 | 225 |
| Q, м ³ /сек | 0,22 | 0,24 | 0,26 | 0,32 | 0,3 | 0,24 | 0,26 | 0,28 | 0,3 | 0,32 |
| Ж | бензин | масло ТП22 | керосин | бензин | керосин | бензин | масло МС-14 | масло М-12 | масло АС-14 | масло АМГ-14 |

Задачи (21-30). Объемный расход жидкости **Ж** текущей по лотку прямоугольного сечения с основанием **a** и высотой **h** равен **Q**. Определить режим течения жидкости для напорного и безнапорного (заполненного на **K** части его высоты) лотка. Какой расход необходимо пропускать по лотку, чтобы изменить режим течения жидкости? Числовые данные приведены в табл. 5.

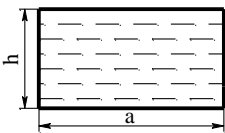


Рис. 24

Таблица 5

Числовые данные к задачам (21-30)

| Величины | № задачи | | | | | | | | | | | | |
|---------------------------------------|----------|------|-------|--------|---------|--------|------------|-------------|-------------|-------------|--------------|---------|--------|
| | 21 | 22 | 23 | 24 | 25 | 26 | 27 | 28 | 29 | 30 | | | |
| a, мм | 170 | 165 | 130 | 145 | 150 | 170 | 160 | 175 | 165 | 180 | | | |
| K | 0,6 | 0,4 | 0,25 | 0,3 | 0,5 | 0,55 | 0,6 | 0,65 | 0,7 | 0,8 | | | |
| h, мм | 140 | 125 | 100 | 110 | 100 | 125 | 130 | 150 | 120 | 115 | | | |
| Q·10 ³ , м ³ /с | 3,0 | 3,5 | 3,2 | 3,6 | 3,0 | 3,2 | 2,8 | 3,1 | 3,8 | 4,0 | | | |
| Ж | бензин | вода | пресн | бензин | керосин | бензин | масло М-12 | масло МС-14 | масло АС-14 | масло И-12А | масло АМГ-14 | керосин | бензин |

Задачи (31-40). Весовой расход жидкости **Ж** составляет **G**. Материал трубопровода **M**, внутренний диаметр **d**, длина **ℓ**. Трубопровод имеет два плавных поворота **d/R** и один крутой на угол **α**. Отметка трубопровода в конечной точке на **Z₂** метров выше начальной, давление вначале трубопровода равно **P₁**. Определить пьезометрический уклон **i_п** и полный напор в конце трубопровода. Числовые данные приведены в табл. 6.

Таблица 6

Числовые данные к задачам (31-40)

| Величины | № задачи | | | | | | | | | |
|----------------------------|----------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|
| | 31 | 32 | 33 | 34 | 35 | 36 | 37 | 38 | 39 | 40 |
| G·10 ⁻⁶ , Н/час | 0,5 | 0,60 | 0,55 | 0,42 | 0,53 | 0,44 | 0,62 | 0,48 | 0,46 | 0,52 |
| d, мм | 156 | 142 | 150 | 125 | 130 | 135 | 147 | 155 | 160 | 162 |

| | | | | | | | | | | | |
|-----------------------------|--------------------|-------------------|-------------------|----------------------|----------------|--------------------|----------------------|------------------|-------------------|--------------------|-------------------|
| ℓ , м | 200 0 | 1900 | 180 0 | 170 0 | 220 0 | 210 0 | 240 0 | 250 0 | 230 0 | 260 0 | |
| $P_1 \cdot 10^{-5}$, Па | 4,2 | 4,0 | 3,8 | 3,6 | 4,4 | 3,9 | 4,1 | 4,7 | 4,5 | 4,8 | |
| Z_2 | 3,0 | 3,4 | 4,0 | 4,5 | 3,8 | 2,8 | 4,8 | 3,5 | 4,2 | 3,6 | |
| d/R_1 | 0,2 | 0,4 | 0,8 | 0,2 | 0,6 | 0,8 | 0,4 | 0,6 | 0,4 | 0,2 | |
| d/R_2 | 0,4 | 0,6 | 0,2 | 0,4 | 0,2 | 0,4 | 0,6 | 0,2 | 0,8 | 0,6 | |
| α , °С | 20 | 30 | 45 | 30 | 20 | 45 | 60 | 45 | 20 | 30 | |
| Ж | масло ДС-11 | мазут М-12 | нефть легкая | пресн керос ин | масло МС-14 | масло МК-22 | ьное топли пел | тяжел масло | масло И12-А | | |
| М | стальной старый | новый холоднот | стальной новый | стальной новый | нержавею | чугунный старый | чугунный старый | оцинкован ный | чугунный новый | чугунный старый | чугунный новый |

Задачи (41-50). Определить общие потери напора h_w в трубопроводе T общей длиной $L = 4$ км, если по нему течет жидкость $Ж$ с объемным расходом Q . Трубопровод имеет диаметр D длиной ℓ , одно внезапное сужение до диаметра d и два поворота, один плавный отношением d/R и другой крутой на угол α . Числовые данные приведены в табл. 7.

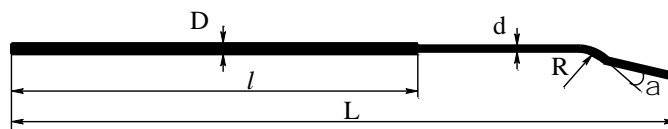


Рис. 25

Таблица 7

Числовые данные к задачам (41-50)

| Велич ины | № задачи | | | | | | | | | |
|----------------|----------|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|
| | 41 | 42 | 43 | 44 | 45 | 46 | 47 | 48 | 49 | 50 |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 |
| D , мм | 250 | 200 | 225 | 250 | 100 | 150 | 175 | 200 | 225 | 250 |
| ℓ , км | 1,5 | 1,8 | 2,1 | 2,5 | 2,7 | 1,9 | 1,8 | 2 | 2,2 | 2,4 |
| Q , л/сек | 22 | 24 | 26 | 16 | 18 | 20 | 22 | 20 | 24 | 26 |
| d , мм | 200 | 100 | 200 | 225 | 80 | 100 | 150 | 150 | 200 | 225 |
| α , °С | 30 | 45 | 30 | 20 | 30 | 60 | 45 | 20 | 30 | 45 |

Продолжение табл. 7

| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 |
|-------|--------------------|-------------------|-------------------|------------------------|--------------------|--------------------|------------------|----------------|--------------------|-------------------|
| d/R | 0,4 | 0,8 | 0,6 | 0,2 | 0,6 | 0,4 | 0,8 | 0,2 | 0,6 | 0,8 |
| Ж | тяжел масло | мазут М-12 | нефть легкая | ьное топли керос | ин масло | МС- 14 | масло МК-22 | пресн масло | масло ДС-11 | масло И12-А |
| T | чугунный старый | новый холоднот | стальной новый | чугунный новый | стальной старый | чугунный старый | оцинкова нный | нержаве ю | чугунный старый | чугунный новый |

Задачи (51-60). Определить геометрический уклон i_r и давление жидкости в начале линии P_1 , если потребителю подается жидкость $Ж$ в количестве Q . Длина трубопровода l , внутренний диаметр d , материал трубопровода M , давление жидкости в конце линии P_2 . Отметка оси трубопровода в начальной точке на Z_1 метров выше конечной. Трубопровод имеет два крутых поворота на угол α и один плавный d/R . Числовые данные приведены в табл. 8.

Таблица 8

Числовые данные к задачам (51-60)

| Величины | № задачи | | | | | | | | | | |
|------------------------------------|-----------------|----------------------|----------------|-----------------|----------------|-----------------|-----------------|--------------|-------------|-----------------|----------------|
| | 51 | 52 | 53 | 54 | 55 | 56 | 57 | 58 | 59 | 60 | |
| $Q, \text{ м}^3/\text{час}$ | 220 | 240 | 225 | 235 | 230 | 215 | 245 | 220 | 250 | 255 | |
| $l, \text{ км}$ | 1,00 | 1,20 | 1,40 | 1,25 | 1,35 | 1,30 | 1,25 | 1,65 | 1,55 | 1,50 | |
| $d, \text{ м}$ | 0,207 | 0,255 | 0,245 | 0,200 | 0,260 | 0,260 | 0,250 | 0,215 | 0,240 | 0,255 | |
| $P_2 \cdot 10^5, \text{ Па}$ | 1,55 | 1,65 | 2,15 | 2,00 | 1,75 | 2,45 | 1,85 | 1,95 | 2,10 | 2,15 | |
| $Z_1, \text{ м}$ | 2,0 | 2,5 | 2,4 | 2,8 | 2,7 | 2,1 | 2,9 | 3,0 | 3,2 | 3,4 | |
| $\alpha_1, \text{ }^\circ\text{C}$ | 20 | 60 | 45 | 30 | 20 | 60 | 30 | 20 | 30 | 20 | |
| $\alpha_2, \text{ }^\circ\text{C}$ | 30 | 45 | 20 | 60 | 45 | 45 | 45 | 60 | 45 | 30 | |
| d/R | 0,6 | 0,2 | 0,4 | 0,8 | 0,2 | 0,6 | 0,4 | 0,2 | 0,8 | 0,4 | |
| $Ж$ | бензин | вода | пресная | быстрое топливо | керосин | мазут М-12 | масло МС-14 | масло АС-14 | масло И-12А | масло АМГ-14 | керосин |
| M | чугунный старый | новый холоднокатаный | стальной новый | чугунный старый | чугунный новый | стальной старый | чугунный старый | оцинкованный | нержавеющий | чугунный старый | чугунный новый |

Задачи (61-70) Определить суммарный объемный расход воды Q из резервуара (рис. 26), имеющего квадратное отверстие со стороной a и круглое отверстие диаметром d , к которому присоединен конический расходящийся насадок. Сжатие струи в круглом отверстии считать несовершенным, отметку дна принять равной $0,00$. Отметки центра насадка h_2 , центра отверстия h_1 и уровня воды в резервуаре h . Числовые данные

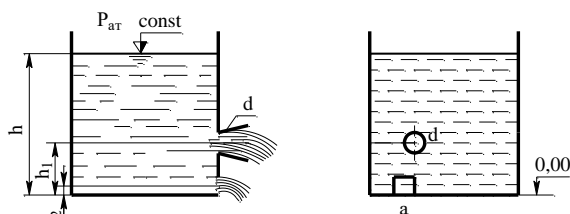


Рис. 26

приведены в табл. 9.

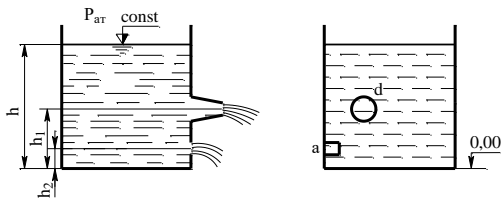
Таблица 9

Числовые данные к задачам в (61–70)

| Величины | номера задач | | | | | | | | | |
|-----------------|--------------|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|
| | 61 | 62 | 63 | 64 | 65 | 66 | 67 | 68 | 69 | 70 |
| $a, \text{ см}$ | 4,0 | 5,0 | 6,0 | 7,0 | 8,0 | 7,6 | 6,6 | 5,6 | 4,6 | 4,0 |
| $d, \text{ см}$ | 6,0 | 6,5 | 7,0 | 7,5 | 8,0 | 8,5 | 7,5 | 7,0 | 6,5 | 6,0 |

| | | | | | | | | | | |
|--------------------|------|-------|------|-------|------|-------|-------|-------|-------|------|
| h, м | 3,20 | 3,30 | 3,40 | 3,50 | 3,60 | 3,70 | 3,80 | 3,90 | 4,00 | 4,10 |
| h ₁ , м | 2,0 | 2,10 | 2,15 | 2,20 | 2,25 | 2,30 | 2,35 | 2,40 | 2,45 | 2,50 |
| h ₂ , м | 0,02 | 0,025 | 0,03 | 0,035 | 0,04 | 0,038 | 0,033 | 0,028 | 0,023 | 0,02 |

Задачи (71-80). В боковой стенке резервуара (рис. 27) сделаны квадратное отверстие со стороной a и круглое отверстие диаметром d к которому присоединен конический сходящийся насадок. Отметки центра насадка h_1 , центра отверстия h_2 и уровня воды в резервуаре h приведены в табл. 10. Отметку дна принять равной $0,00$. Сжатие струи в круглом отверстии считать несовершенным. Определить суммарный объемный расход воды Q из резервуара. Числовые данные приведены в табл. 10.



план боковой стенки

Рис. 27

Таблица 10

Числовые данные к задачам (71-80)

| Величины | номера задач | | | | | | | | | |
|--------------------|--------------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|
| | 71 | 72 | 73 | 74 | 75 | 76 | 77 | 78 | 79 | 80 |
| a, см | 4,0 | 4,5 | 5,0 | 5,5 | 6,0 | 6,5 | 7,0 | 6,0 | 4,5 | 6,0 |
| d, см | 6,0 | 5,5 | 5,0 | 7,0 | 7,5 | 6,0 | 4,0 | 5,5 | 7,0 | 5,0 |
| h, м | 2,50 | 2,60 | 2,70 | 2,80 | 2,85 | 3,00 | 2,90 | 3,10 | 2,75 | 3,05 |
| h ₁ , м | 1,90 | 1,95 | 2,00 | 1,80 | 1,60 | 1,50 | 1,60 | 1,55 | 1,30 | 1,45 |
| h ₂ , м | 1,10 | 1,05 | 1,15 | 1,00 | 0,85 | 0,95 | 1,10 | 0,80 | 0,75 | 0,65 |

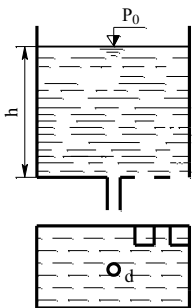


Рис. 28. План дна

Задачи (81-90) В дне бака расположены три отверстия. Два квадратных со стороной a . Одно отверстие примыкает стороной к боковой стенке, другое расположено в углу дна. Третье отверстие круглое диаметром d , расположено в центре дна и к нему присоединен насадок H (рис. 28). Глубина воды в баке h . Определить: 1) суммарный массовый расход M_1 из отверстий и насадка, если давление на поверхности воды атмосферное $P_0 = P_{атм}$; 2) суммарный массовый расход M_2 , если давление на поверхности воды $P_0 = P$. Числовые данные приведены в табл. 11.

Таблица 11

Числовые данные к задачам (81-90)

| Величины | номера задач | | | | | | | | | |
|------------------------|------------------------|------|------|-----------------------|------|------|-------------------------|------|------|------|
| | 81 | 82 | 83 | 84 | 85 | 86 | 87 | 88 | 89 | 90 |
| a, см | 3,0 | 4,0 | 3,8 | 4,2 | 4,3 | 3,7 | 4,4 | 4,0 | 3,8 | 3,9 |
| d, см | 4,0 | 5,0 | 4,5 | 5,2 | 4,7 | 4,2 | 4,8 | 5,3 | 4,0 | 4,7 |
| h, м | 1,20 | 1,85 | 1,90 | 2,00 | 1,95 | 1,60 | 2,10 | 1,65 | 1,75 | 2,00 |
| $P \cdot 10^{-5}$, Па | 1,8 | 1,4 | 1,6 | 1,3 | 1,5 | 1,7 | 1,9 | 1,5 | 1,65 | 1,75 |
| H, насадок | внешний цилиндрический | | | конический сходящийся | | | конический расходящийся | | | |

Физические свойства жидкостей и газов

1. Определить плотность жидкости Ж, полученной смешением жидкости Ж₁, объемом $W_1 = (10+10j)$ л, плотностью $\rho_1 = (860+5 \cdot j)$ кг/м³ и жидкости Ж₂ объемом $W_2 = (95-10j)$ л/м³, плотностью $\rho_2 = (910-5j)$ кг/м³.

2. Жидкость, имеющая плотность $\rho = (865+1 \times j)$ кг/м³ и объем $W = (150-1j)$ л, получена смешиванием масла плотностью $\rho_1 = (850+1j)$ кг/м³ с маслом плотностью $\rho_2 = (885+0,5j)$ кг/м³. Определить объемы W_1 и W_2 масел, составляющих эту жидкость.
3. Определить плотность жидкости, полученной смешиванием двух минеральных масел плотностью $\rho_1 = (845+5j)$ кг/м³ и $\rho_2 = (865+5j)$ кг/м³. Объем первого масла составляет 40 % объема второго.
4. Определить плотность рабочих жидкостей при различных температурах и результаты расчета для своего варианта j занести в таблицу 2. Температурный коэффициент объемного расширения всех масел принять равным $8,75 \times 10^{-4} \text{ K}^{-1}$.

Таблица 2 – Результаты расчетов плотности рабочих жидкостей

| j | Марка масла | Плотность жидкости ρ , кг/м ³ при температуре t , °C | | | | | | | | | |
|---|----------------------|--|-----|-----|-----|---|----|-----|----|----|----|
| | | -40 | -30 | -20 | -10 | 0 | 10 | 20 | 30 | 40 | 50 |
| 1 | М-8-В ₂ | | | | | | | 886 | | | |
| 2 | М-10-В ₂ | | | | | | | 890 | | | |
| 3 | МГ-46-В (МГ-30) | | | | | | | 890 | | | |
| 4 | МГ-15-В(с) (РМГЗ) | | | | | | | 860 | | | |
| 5 | МГ-15-Б (АМГ-10) | | | | | | | 870 | | | |
| 6 | МГ-20 | | | | | | | 885 | | | |

5. При температуре плюс 20 °C масла М-10-В₂, МГ-46-В (бывшие МГ-30) и МГ-15-В(с) (бывшее ВМГЗ) занимают объем $W_0 = (20+10j)$ л. Определить объемы, которые они будут занимать при температурах минус 40 °C и плюс 50 °C. Температурный коэффициент объемного расширения всех масел принять равным $8,75 \times 10^{-4} \text{ K}^{-1}$.
6. Минеральное масло и вода в гидроцилиндрах при атмосферном давлении занимают объем $W_0 = (10+3j)$ л. Определить, какой объем будут занимать эти жидкости при давлении $p = (8+4j)$ МПа, если коэффициент объемного сжатия минерального масла равен $6,6 \times 10^{-10} \text{ Па}^{-1}$, а воды – $4,7 \times 10^{-10} \text{ Па}^{-1}$. Деформацией стенок гидроцилиндров пренебречь.
7. На какую величину переместится шток гидроцилиндра диаметром $D=(50+10j)$ мм с запертым в нем при атмосферном давлении объемом минерального масла $W_0 = 18$ л, если на шток приложить усилие $T = (3+0,5j) \times 10^4$ Н. Коэффициент объемного сжатия масла $6,6 \times 10^{-10} \text{ Па}^{-1}$. Деформацией стенок гидроцилиндра пренебречь.
8. Стальной трубопровод длиной $L = (100+20j)$ м и внутренним диаметром $d = (40+10j)$ мм при атмосферном давлении полностью заполнен минеральным маслом. Определить, какой дополнительный объем масла необходимо подать в

полость трубы при ее гидравлическом испытании под давлением $p = (16+4j)$ МПа. Коэффициент объемного сжатия масла равен $6,6 \cdot 10^{-10} \text{ Па}^{-1}$. Деформацией стенок трубы пренебречь.

9. Резервуар заполнен водой, занимающий объем $W_1 = (1,5+0,2j) \text{ м}^3$. На сколько уменьшится и чему будет равен этот объем при увеличении давления на величину 200 ат? Коэффициент объемного сжатия воды принять равным $4,75 \cdot 10^{-10} \text{ Па}^{-1}$. Деформацией стенок резервуара пренебречь.

10. Высота цилиндрического резервуара $h = (2,5+0,1j) \text{ м}$, его внутренний диаметр $d = (2,7+0,1j) \text{ м}$. Определить массу мазута плотностью 920 кг/м^3 , которую можно налить в резервуар при температуре $15 \text{ }^\circ\text{C}$, если его температура может подняться до $40 \text{ }^\circ\text{C}$. Расширением стенок резервуара пренебречь, а коэффициент объемного температурного расширения жидкости принять равным $0,0008 \text{ К}^{-1}$.

20.1.3 Тестовые задания

1. Текучестью жидкости называется:

- A. величина прямо пропорциональная динамическому коэффициенту вязкости;
- B. величина обратная динамическому коэффициенту вязкости;
- C. величина обратно пропорциональная кинематическому коэффициенту вязкости;
- D. величина пропорциональная градусам Энглера.

2. Отличительным свойством жидкой среды от газообразной является:

- A. свойство теплопроводности;
- B. свойство текучести;
- C. свойство сжимаемости;
- D. свойство растяжимости.

2. Сжимаемость это свойство жидкости:

- A. изменять свою форму под действием давления;
- B. изменять свой объем под действием давления;
- C. сопротивляться воздействию давления, не изменяя свою форму;
- D. изменять свой объем без воздействия давления.

4. На какие виды разделяют действующие на жидкость внешние силы:

- A. силы инерции и поверхностного натяжения;
- B. внутренние и поверхностные;
- C. массовые и поверхностные;
- D. силы тяжести и давления.

5. К группе объемных (массовых сил), действующих на жидкую среду относится сила:

A. давления;

B. инерции;

C. трения;

D. поверхностного расширения.

6. Отличие от силы трения, возникающей при движении твердых тел, сила трения в потоке жидкости не зависит от:

A. упругой деформации сдвига слоев жидкости;

B. вязкости жидкости;

C. скорости течения слоев жидкости;

D. давления в жидкости.

7. Реальной жидкостью называется жидкость:

A. не существующая в природе;

B. находящаяся при реальных условиях;

C. в которой присутствует внутреннее трение;

D. способная быстро испаряться.

8. Идеальной жидкостью называется:

A. жидкость, в которой отсутствует внутреннее трение;

B. жидкость, подходящая для применения;

C. жидкость, способная сжиматься;

D. жидкость, существующая только в определенных условиях.

9. Какие силы называются массовыми:

A. сила тяжести и сила инерции;

B. сила молекулярная и сила тяжести;

C. сила инерции и сила гравитационная;

D. сила давления и сила поверхностная.

10. Величина касательного напряжения (напряжение силы трения) в потоке жидкости согласно закону ньютона прямо пропорциональна скорости угловой деформации сдвига, определяемой по формуле, в которой коэффициент пропорциональности называется:

A. коэффициент вязкого трения;

B. кинематический коэффициент вязкости;

C. коэффициент структурной вязкости;

D. динамического коэффициента вязкости.

11. Внутреннее течение жидкой среды отличается от внешнего течения:

- A. отсутствием струйчатой структуры потока;
- B. отсутствием в потоке трения;
- C. наличием свободной поверхности;
- D. наличием ограничивающих поток твердых стенок.

12. Напорным движением жидкости называется:

- A. движение жидкости под напором;
- B. внутреннее течение, когда поток со всех сторон ограничен твердыми стенками;
- C. движение, обусловленное силой гравитационного притяжения;
- D. движение, при котором один поток напират на другой.

20.1.4 Перечень заданий для контрольных работ

Контрольная работа №1 по теме Численные методы решения уравнений математической физики

1. Полуограниченная струна, закрепленная на конце, возбуждена начальным отклонением:

$$\begin{cases} \frac{\partial^2 u}{\partial t^2} = a^2 \frac{\partial^2 u}{\partial x^2}, \rightarrow 0 < x < \infty, t > 0 \\ u(0, t) = 0, \rightarrow t \geq 0 \\ u(x, 0) = \varphi(x) \\ u_t(x, 0) = 0 \end{cases}$$

$$\varphi(x) = \begin{cases} 0, \rightarrow \rightarrow \rightarrow 0 \leq x \leq c \\ \frac{h}{c}(x - c), \rightarrow c \leq x \leq 2c \\ c \\ -\frac{h}{c}(x - 3c), \rightarrow 2c \leq x \leq 3c \\ 0, \rightarrow \rightarrow \rightarrow x \geq 3c \end{cases}$$

Начертить положение струны для моментов $t = \frac{c}{a}$, если $a = 1$, $c = 1$, $h = 2$.

2. В системе

$$\begin{cases} \frac{\partial u}{\partial t} + \alpha \frac{\partial u}{\partial x} + \beta \frac{\partial v}{\partial x} = 0 \\ \frac{\partial v}{\partial t} + \gamma \frac{\partial u}{\partial x} + \delta \frac{\partial v}{\partial x} = 0 \\ \frac{\partial w}{\partial t} + \varepsilon \frac{\partial u}{\partial x} + \mu \frac{\partial v}{\partial x} + \lambda \frac{\partial w}{\partial x} = 0 \end{cases} \quad 0 < x < 1$$

подобрать параметры $\alpha, \beta, \gamma, \delta, \varepsilon, \mu, \lambda$ так, что бы система стала гиперболической и что бы краевая задача допускала корректную постановку:

- а) двух краевых условия на левой границе при $x=0$,
- б) трех краевых условий на правой границе при $x=1$,

- Контрольная работа №2 по теме Численные методы решения задач гидродинамики.

Провести часть характеристического анализа (найти собственные значения – характеристические скорости) системы уравнений из задания практикума (РГЗ) пункт 1.

- задание из практикума (домашнего задания) к курсу:

вариант №1

Задана квазилинейная система уравнений: **Мелкой воды**, описывающая неустановившееся течение в тонком слое (пленке) жидкости

$$\begin{cases} \frac{\partial h}{\partial t} + \frac{\partial hu}{\partial x} = 0 \\ \frac{\partial hu}{\partial t} + \frac{\partial}{\partial x} \left(hu^2 + \frac{1}{2} gh^2 \right) = -gh \frac{\partial b}{\partial x} \end{cases}$$

h – толщина слоя жидкости ($h=h(t,x)$);
 u – скорость жидкости ($u=u(t,x)$);
 b – профиль дна ($b=b(x)$);
 g – ускорение свободного падения;

Область решения задачи: $0 \leq x \leq l$; $0 \leq t \leq T$; $l = 1.0$; $T = 1.0$

Начальные условия: $h(0, x) = \varphi(x)$; $u(0, x) = \psi(x)$;

Краевые условия : а) $u(t, 0) = f(t)$; $u(t, l) = s(t)$;

б) $u_x(t, 0) = f(t)$; $h_x(t, l) = s(t)$;

в) $u(t, 0) = f(t)$; $h_x(t, l) = s(t)$;

1. Провести характеристический анализ. Определить тип уравнения. Получить характеристическую систему уравнений.
2. Реализовать алгоритм и программу решения задачи сеточно-характеристическим методом.
3. Реализовать алгоритм и программу решения задачи методом Годунова.
4. Реализовать алгоритм и программу решения задачи методом крупных частиц.
5. Провести вычислительные эксперименты для двух задач:

"Прорыв плотины" н.у. $\varphi(x) = \begin{cases} 2.0 \dots, x \leq 0.5; \\ 1.0 \dots, x \geq 0.5 \end{cases}; \quad \psi(x) = 0;$

 к.у. в) $f(t) = 0$; $s(t) = 0$;

"Буря с стакане" н.у. $\varphi(x) = \begin{cases} 1.0 \dots, x \leq 0.45 \\ 2.0 \dots, 0.45 \leq x \leq 0.55; \\ 1.0 \dots, x \geq 0.55 \end{cases}; \quad \psi(x) = 0;$

 к.у. а) $f(t) = 0$; $s(t) = 0$;

20.1.5 Темы курсовых работ

Нет курсовых работ.

20.1.6 Темы рефератов

1. Модели плоских течений.
2. Частные случаи уравнений Навье-Стокса.
3. Одномерные течения вязкой несжимаемой жидкости.
4. Двумерные течения вязкой жидкости.

20.2 Промежуточная аттестация

Промежуточная аттестация по дисциплине осуществляется с помощью следующих оценочных средств:

Практико-ориентированные задания

Контрольная работа

на контрольной работе:

| | |
|---------------------|---------------------------------------|
| Отлично | отличное решение задач |
| Хорошо | решение задач не ниже хорошего уровня |
| Удовлетворительно | удовлетворительное решение задач |
| Неудовлетворительно | неудовлетворительное решение задач |

на зачёте:

| | |
|------------|---|
| зачтено | удовлетворительное владение теорией и удовлетворительное решение задач |
| не зачтено | неудовлетворительное владение теорией; или неудовлетворительное решение задач |